

جملات درست را با (ص) و جملات نادرست را با (ع) مشخص کنید

- ۱- دوره تناوب تابع  $y = \sin \frac{\pi}{\phi} x$  برابر  $T = \frac{\pi}{\phi}$  است. (.....)
- ۲- بیشترین مقدار تابع  $y = -\cos(\phi\pi x)$  برابر با یک است. (.....)
- ۳- دامنه تابع  $y = \frac{1}{n} \tan x$  برابر  $R$  است. (.....)
- ۴- جواب های معادله  $\sin x = 0$  و  $\cos x = 0$  با هم برابر هستند. (.....)
- ۵- دوره تناوب  $y = \tan(x)$  برابر  $17\pi$  است. (.....)

جاهاي خالي را با عدد يا عبارت مناسب كامل کنيد

- ۱- بیشترین مقدار تابع  $y = 1 - \frac{1}{2} \sin(2x - \phi)$  برابر با ..... است.
- ۲- دوره تناوب  $y = -1 + 2 \cos\left(\frac{\pi}{4} - 2x\right)$  برابر با ..... است.
- ۳- اگر  $a$  برابري برای معادله  $\cos x = a$  باشد، آن گاه جواب های کلی این معادله ..... و ..... می باشند
- ۴- اگر  $a$  برابري برای معادله  $\sin x = a$  باشد، آن گاه جواب های کلی این معادله ..... و ..... می باشند

به سوالات زیر پاسخ كامل دهيد

- ۱- دوره تناوب و مقادير ماکريم و مي نيمم هر يك از توابع زير را مشخص کنيد

(الف)  $y = 2 \sin(2x) - 1$

ب)  $y = -\frac{1}{2} \cos(\pi x)$

پ)  $y = \frac{1}{2} \sin\left(-\frac{\pi x}{2}\right) + 1$

ت)  $y = -\sin\left(\frac{\pi}{2}x\right)$

ث)  $y = -\sin(x) + 1$

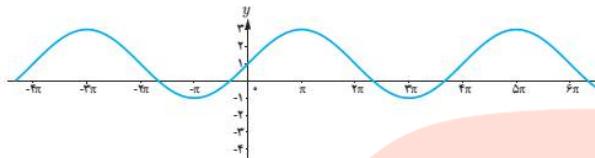
ز)  $y = 2 \sin\left(2x - \frac{\pi}{2}\right) + 1$

# ماي درس

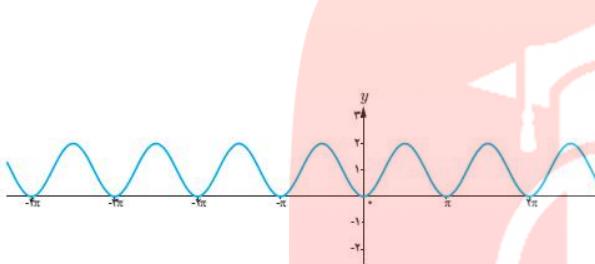
## گروه آموزشی عصر

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

- ۱۲) با توجه به شکل های زیر ، ضابطه تابعی به شکل  $y = a \sin(bx) + c$  ،  $y = a \cos(bx) + c$  بنویسید.



(الف)



(ب)

- ۱۳) ضابطه تابعی به شکل  $y = a \sin(bx) + c$  ،  $y = a \cos(bx) + c$  که دوره تناسب و می نیمم و ماکزیمم آن برابر مقادیر زیر باشد:

$$\text{ا) } T = \frac{\pi}{\nu} , \min = -\nu , \max = \nu$$

$$\text{ب) } T = \nu , \min = 1 , \max = \gamma$$

$$\text{پ) } T = \frac{\pi}{\nu} , \min = -1 , \max = 1$$

$$\text{ت) } T = \frac{\nu}{\pi} , \min = -\lambda , \max = -\nu$$

گروه آموزشی عصر

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

- ۱۴) معادله های زیر را حل کنید و مجموعه جواب آن ها را بنویسید.

$$\text{ا) } \nu \sin x - \sqrt{\nu} = 0$$

$$\text{ب) } \nu \sin(\nu x) - \sqrt{\nu} = 0$$

$$\text{پ) } \sin(x) \cos(x) = \frac{\sqrt{b}}{c}$$

$$\text{ت) } \sin\left(\frac{\pi}{b}\right) = \sin x$$

$$\text{ث) } b \sin^b x - \sin x - b = 0$$

$$\text{ج) } \cos x (\nu \cos x - q) = 0$$

$$\text{د) } \cos(bx) - \cos x + 1 = 0$$

$$\text{ه) } \cos(bx) - \sin x + 1 = 0$$

# مای درس

$$\text{ب) } \cos x = \cos(bx)$$

$$\text{ج) } \cos(bx) + \cos x = 0$$

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

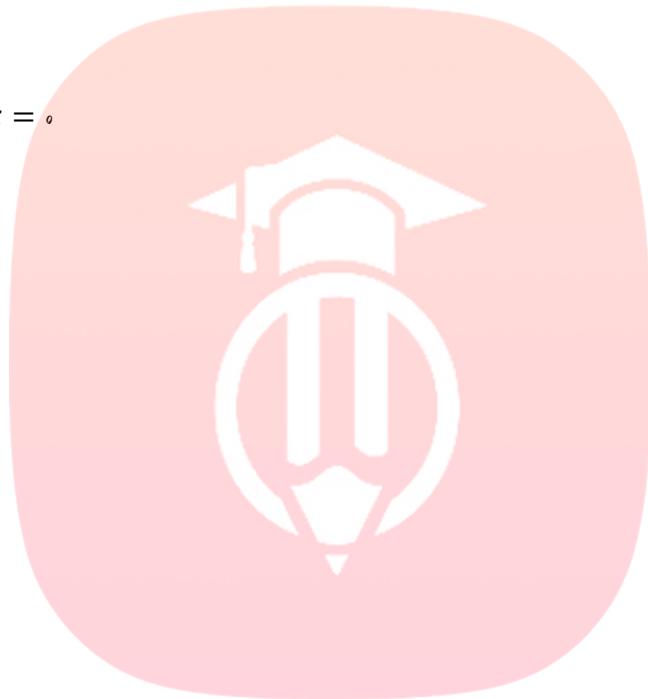
$$\text{ذ) } \tan x - \tan bx = 0$$

$$\text{ح) } \tan \frac{x}{b} = \tan bx$$

- معادله های زیر را حل کنید و جواب های متعلق به بازه  $[0, 2\pi]$  را بدست آورید.

(الف)  $\cos(\mu x) + \nu \sin^{\nu}x = \mu$

(ب)  $\nu \sin^{\nu}x - \sqrt{\nu} \sin x = 0$



ما درس

گروه آموزشی عصر

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

جملات درست را با (ص) و جملات نادرست را با (خ) مشخص کنید

- (خ) -۱
- (خ) -۲
- (خ) -۳
- (خ) -۴
- (خ) -۵

جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید

$$\frac{\omega}{\nu} -۱$$

$$\frac{2\pi}{\nu} -۲$$

$$x = \nu k\pi \pm \alpha \quad -۳$$

$$x = \nu k\pi + \alpha , \quad x = (\nu k + 1)\pi - \alpha \quad -۴$$

به سوالات زیر پاسخ کامل نهید

۱- دوره تناوب و مقادیر ماکریتم و می نیم هریک از توابع زیر را مشخص کنید

الف)  $y = \nu \sin(\nu x) - \nu \rightarrow T = \frac{2\pi}{|\nu|} = \frac{2\pi}{\nu} = \pi , \quad \max = |a| + c = \nu - \nu = 0 ,$

$$\min = -|a| + c = -\nu - \nu = -2\nu$$

ب)  $y = -\frac{1}{\nu} \cos(\pi x) \rightarrow T = \frac{2\pi}{|\nu|} = \frac{2\pi}{\pi} = \nu , \quad \max = \frac{1}{\nu} , \quad \min = -\frac{1}{\nu}$

پ)  $y = \frac{1}{\nu} \sin\left(-\frac{\nu x}{\nu}\right) + 1 \rightarrow \frac{2\pi}{|\nu|} = \frac{2\pi}{\nu} = \frac{2\pi}{\nu} , \quad \max = \frac{1}{\nu} + 1 = \frac{\nu+1}{\nu} ,$

$$\min = -\frac{1}{\nu} + 1 = \frac{1-\nu}{\nu}$$

چ)  $y = -\sin\left(\frac{\pi}{\nu} x\right) \rightarrow T = \frac{2\pi}{\frac{\pi}{\nu}} = \nu , \quad \max = 1 , \min = -1$

ث)  $y = -\sin(x) + \nu \rightarrow T = \pi , \quad \max = 1 + \nu = \nu , \min = -1 + \nu = \nu$

ج)  $y = \nu \sin\left(\nu x - \frac{\pi}{\nu}\right) + \nu \rightarrow T = \frac{2\pi}{\nu} = \pi , \quad \max = \nu + \nu = 2\nu , \min = -\nu + \nu = 0$

-۱۲ با توجه به شکل های زیر، ضابطه تابعی به شکل  $y = a \sin(bx) + c$ ،  $y = a \cos(bx) + c$  بنویسید.

$$\text{ا) } T = \frac{\nu\pi}{|b|} = \nu\pi \rightarrow |b| = \frac{\nu\pi}{\nu\pi} = 1, \max = |a| + c = \nu, \min = -|a| + c = -\nu \\ \rightarrow a = \nu, c = 1 \rightarrow y = \nu \sin\left(\frac{1}{\nu}x\right) + 1$$

$$\text{ب) } T = \frac{\nu\pi}{|b|} = \pi \rightarrow |b| = \nu, \max = |a| + c = \nu, \min = -|a| + c = -\nu \\ \rightarrow a = 1, c = 1 \rightarrow y = -\cos(\nu x) + 1$$

-۱۳ ضابطه تابعی به شکل  $y = a \sin(bx) + c$ ،  $y = a \cos(bx) + c$  بنویسید که دوره تناوب و می نیمم و ماکزیمم آن

برابر مقادیر زیر باشد:

$$\text{ا) } T = \frac{\pi}{\nu}, \min = -\nu, \max = \nu \\ T = \frac{\nu\pi}{|b|} = \frac{\pi}{\nu} \rightarrow |b| = \nu, \max = |a| + c = \nu, \min = -|a| + c = -\nu \\ \rightarrow a = \nu, c = 1 \rightarrow y = \nu \sin(\nu x) + 1 \quad \text{یا} \quad y = \nu \cos(\nu x) + 1$$

$$\text{ب) } T = \nu, \min = 1, \max = \nu$$

$$T = \frac{\nu\pi}{|b|} = \nu \rightarrow |b| = \frac{\pi}{\nu}, \max = |a| + c = \nu, \min = -|a| + c = 1 \\ \rightarrow a = \nu, c = \nu \rightarrow y = \nu \sin\left(\frac{\pi}{\nu}x\right) + \nu \quad \text{یا} \quad y = \nu \cos\left(\frac{\pi}{\nu}x\right) + \nu$$

$$\text{ب) } T = \frac{\pi}{\nu}, \min = -1, \max = 1$$

$$T = \frac{\nu\pi}{|b|} = \frac{\pi}{\nu} \rightarrow |b| = \nu, \max = |a| + c = 1, \min = -|a| + c = -1 \\ \rightarrow a = 1, c = 0 \rightarrow y = \sin(\nu x) \quad \text{یا} \quad y = \cos(\nu x)$$

$$\text{ت) } T = \frac{\omega}{\nu}, \min = -\lambda, \max = -\nu$$

$$T = \frac{\nu\pi}{|b|} = \frac{\omega}{\nu} \rightarrow |b| = \frac{\nu\pi}{\omega}, \max = |a| + c = -\nu, \min = -|a| + c = -\lambda$$

$$\rightarrow a = \nu, c = -\omega \rightarrow y = \nu \sin\left(\frac{\nu\pi}{\omega}x\right) - \omega \quad \text{و} \quad y = \nu \cos\left(\frac{\nu\pi}{\omega}x\right) - \omega$$

معادله های زیر را حل کنید و مجموعه جواب آن ها را بنویسید. -۱۰

الف)  $\nu \sin x - \sqrt{\nu} = 0$

$$\rightarrow \sin x = \frac{\sqrt{\nu}}{\nu} \rightarrow x_1 = \nu k\pi + \frac{\pi}{\nu}, k \in \mathbb{Z}$$

$$, x_\nu = (\nu k + 1)\pi - \frac{\pi}{\nu} = \nu k\pi + \frac{\nu\pi}{\nu}, k \in \mathbb{Z}$$

ب)  $\nu \sin(\nu x) - \sqrt{\nu} = 0$

$$\rightarrow \sin(\nu x) = \frac{\sqrt{\nu}}{\nu} \rightarrow 1) \nu x = \nu k\pi + \frac{\pi}{\nu} \rightarrow x_1 = \frac{\nu k\pi}{\nu} + \frac{\pi}{\nu}, k \in \mathbb{Z}$$

$$2) \nu x = (\nu k + 1)\pi - \frac{\pi}{\nu} = \nu k\pi + \frac{\nu\pi}{\nu} \rightarrow x_\nu = \frac{\nu k\pi}{\nu} + \frac{\pi}{\nu}, k \in \mathbb{Z}$$

ج)  $\nu \times \sin(x) \cos(x) = \nu \times \frac{\sqrt{\nu}}{\nu} \rightarrow \sin(\nu x) = \frac{\sqrt{\nu}}{\nu} \rightarrow$

$$1) \nu x = \nu k\pi + \frac{\pi}{\nu} \rightarrow x_1 = k\pi + \frac{\sqrt{\nu}}{\nu}, k \in \mathbb{Z}$$

$$2) \nu x = (\nu k + 1)\pi - \frac{\pi}{\nu} = \nu k\pi + \frac{\nu\pi}{\nu} \rightarrow x_\nu = k\pi + \frac{\pi}{\nu}, k \in \mathbb{Z}$$

د)  $\sin\left(\frac{\pi}{\nu}\right) = \sin x$

$$x_1 = \nu k\pi + \frac{\pi}{\nu}, \quad k \in \mathbb{Z}$$

$$x_\nu = (\nu k + 1)\pi - \frac{\pi}{\nu} = \nu k\pi + \frac{\pi}{\nu}, k \in \mathbb{Z}$$

ه)  $\nu \sin^\nu x - \sin x - \nu = 0 \rightarrow \nu A^\nu - A - \nu = 0$

$$\Delta = (-1)^\nu - \nu(-1)(-\nu) = \nu\nu \rightarrow A = \frac{1 \pm \omega}{\nu} \rightarrow$$

$$A_1 = \sin x = \frac{\zeta}{\nu} = \frac{\nu}{\nu} \quad \text{قابل قبول نیست}$$

$$A_\nu = \sin x = -\frac{\zeta}{\nu} = -1 \quad \text{قابل قبول است}$$

$$x_1 = \nu k\pi + \frac{\nu\pi}{\nu} , \quad k \in Z$$

$$x_\nu = (\nu k + 1)\pi - \frac{\nu\pi}{\nu} = \nu k\pi - \frac{\pi}{\nu} , \quad k \in Z$$

ج)  $\cos x (\nu \cos x - \alpha) = 0$

$$\nu \cos^\nu(x) - \alpha \cos x - \alpha = 0 \rightarrow \nu A^\nu - \alpha A - \alpha = 0$$

$$\Delta = (-\alpha)^\nu - \nu(\nu)(-\alpha) = \nu\nu \rightarrow A = \frac{\alpha \pm \nu}{\nu} \rightarrow$$

$$A_1 = \cos x = \frac{\alpha}{\nu} = \alpha \quad \text{قابل قبول نیست}$$

$$A_\nu = \cos x = -\frac{1}{\nu} = -\frac{1}{\nu} \quad \text{قابل قبول است}$$

$$x = \nu k\pi \pm \frac{\nu\pi}{\nu} , \quad k \in Z$$

د)  $\cos(\nu x) - \cos x + 1 = 0$

$$\nu \cos^\nu(x) - 1 - \cos x + 1 = 0 \rightarrow \nu \cos^\nu(x) - \cos x = 0 \rightarrow \cos x (\nu \cos x - 1) = 0$$

$$1) \cos x = 0 \rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{\nu} , \quad k \in Z$$

$$2) \nu \cos x - 1 = 0 \rightarrow \cos x = \frac{1}{\nu} \rightarrow x = \nu k\pi \pm \frac{\pi}{\nu} , \quad k \in Z$$

ه)  $\cos(\nu x) - \sin x + 1 = 0$

$$1 - \nu \sin^\nu(x) - \sin x + 1 = 0 \rightarrow 1 - \nu \sin^\nu(x) - \sin x = 0 \rightarrow \nu \sin^\nu(x) + \sin x - 1 = 0$$

$$\rightarrow \nu A^\nu + A - 1 = 0 \rightarrow \Delta = 1 - \nu(\nu)(-1) = \nu \rightarrow A = \frac{-1 \pm \nu}{\nu}$$

$$\rightarrow A_1 = \sin x = \frac{-\nu}{\nu} = -1 \quad \text{قابل قبول است} \rightarrow x_1 = \nu k\pi + \frac{\nu\pi}{\nu} , \quad x_\nu = \nu k\pi - \frac{\pi}{\nu}$$

$$\rightarrow A_\nu = \sin x = +\frac{1}{\nu} = +\frac{1}{\nu} \quad \text{قابل قبول است} \rightarrow x_1 = \nu k\pi + \frac{\pi}{\nu} , \quad x_\nu = \nu k\pi + \frac{\pi}{\nu}$$

ز)  $\cos x = \cos(\nu x)$

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

$$\nu x = \nu k\pi + x \rightarrow x = \nu k\pi , \quad k \in Z$$

$$\nu x = \nu k\pi \pm x \rightarrow \begin{cases} \nu x = \nu k\pi - x \rightarrow \nu x = \nu k\pi \rightarrow x = \frac{\nu k\pi}{\nu} , \quad k \in Z \end{cases}$$

د)  $\cos(\nu x) + \cos x = 0$

$$\cos(\nu x) = -\cos x \rightarrow \cos(\nu x) = \cos(\pi - x) \rightarrow \nu x = \nu k\pi \pm (\pi - x)$$

$$\begin{cases} \nu x = \nu k\pi + \pi - x \rightarrow \nu x = (\nu k + 1)\pi \rightarrow x = \frac{(\nu k + 1)\pi}{\nu}, k \in \mathbb{Z} \\ \nu x = \nu k\pi - (\pi - x) \rightarrow \nu x = \nu k\pi - \pi \rightarrow x = \frac{(\nu k - 1)\pi}{\nu}, k \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

۳)  $\tan x - \tan \nu x = 0$

$$\tan \nu x = \tan x \rightarrow \nu x = k\pi \pm x$$

$$\rightarrow \begin{cases} \nu x = k\pi + x \rightarrow x = k\pi, k \in \mathbb{Z} \\ \nu x = k\pi - x \rightarrow \nu x = k\pi \rightarrow x = \frac{k\pi}{\nu}, k \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

۴)  $\tan \frac{x}{\nu} = \tan \nu x$

$$\tan \nu x = \tan \frac{x}{\nu} \rightarrow \nu x = k\pi \pm \frac{x}{\nu}$$

$$\rightarrow \begin{cases} \nu x = k\pi + \frac{x}{\nu} \rightarrow \nu x - \frac{x}{\nu} = k\pi \rightarrow x = \frac{\nu k\pi}{\nu}, k \in \mathbb{Z} \\ \nu x = k\pi - \frac{x}{\nu} \rightarrow \nu x + \frac{x}{\nu} = k\pi \rightarrow x = \frac{\nu k\pi}{\omega}, k \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

معادله های زیر را حل کنید و جواب های متعلق به بازه  $[0, 2\pi]$  را بدست آورید

-۵

۵)  $\cos(\nu x) + \nu \sin^{\nu} x = 0$

$$\begin{cases} 1 - \nu \sin^{\nu}(x) + \nu \sin^{\nu} x = 0 \rightarrow \nu \sin^{\nu} x = 1 \rightarrow \sin^{\nu} x = \frac{1}{\nu} \rightarrow \sin x = \pm \frac{\sqrt{\nu}}{\nu} \\ \sin x = \frac{\sqrt{\nu}}{\nu} \rightarrow x = \frac{\pi}{\nu}, \frac{\nu\pi}{\nu} \\ \sin x = -\frac{\sqrt{\nu}}{\nu} \rightarrow x = \frac{\omega\pi}{\nu}, \frac{\gamma\pi}{\nu} \end{cases}$$

[www.my-dars.ir](http://www.my-dars.ir)

۶)  $\nu \sin^{\nu} x - \sqrt{\nu} \sin x = 0$

$$\sin x = 0 \rightarrow x = k\pi, k \in \mathbb{Z}$$

$$\sin x (\nu \sin x - \sqrt{\nu}) = 0 \rightarrow \begin{cases} \nu \sin x - \sqrt{\nu} = 0 \rightarrow \sin x = \frac{\sqrt{\nu}}{\nu} \rightarrow x = \frac{\pi}{\nu}, \frac{\nu\pi}{\nu} \end{cases}$$